

# Contexte

- ▶ Financement FNRAE
- ▶ Partenaires: IRIT, ONERA
- ▶ Validation code C embarqué: très répandu, normes strictes (processus, codage, validation)
- ▶ Analyse statique: interprétation abstraite, méthode déductive
- ▶ Prototype yasa

# Objectifs

- ▶ **ne pas** écrire de domaines (ou analyses) spécifiques
- ▶ combinaison d'analyses statiques et/ou tests dynamiques
- ▶ conception et programmation propres:
  - modularité, généricité, correction, pédagogie
- ▶ intégration dans l'environnement frama-C / CIL
- ▶ intégration dans les processus industriels de validation

# Calendrier

- ▶  $T_0$  = Janvier 2009
- ▶  $T_0+6$  (phase 1): D1 État de l'art sur la combinaison d'analyses statiques
- ▶  $T_0+18$  (phase 1): D2 Collaboration d'analyses pour la vérification d'erreurs à l'exécution

# Calendrier

- ▶  $T_0$  = Janvier 2009
- ▶  $T_0+6$  (phase 1): D1 État de l'art sur la combinaison d'analyses statiques
- ▶  $T_0+18$  (phase 1): D2 Collaboration d'analyses pour la vérification d'erreurs à l'exécution
- ▶  $T_0+24$ : Bilan de l'application de la méthode proposée en phase 1 au cas d'étude

# Calendrier

- ▶ T0 = Janvier 2009
- ▶ T0+6 (phase 1): D1 État de l'art sur la combinaison d'analyses statiques
- ▶ T0+18 (phase 1): D2 Collaboration d'analyses pour la vérification d'erreurs à l'exécution
- ▶ T0+24: Bilan de l'application de la méthode proposée en phase 1 au cas d'étude
- ▶ T0+36 (phase 2): D1 Collaboration d'analyses pour la vérification de propriétés fonctionnelles
- ▶ T0+36 (phase 2): D2 Intégration de la collaboration d'analyses au processus industriel

# Interprétation Abstraite

Sémantique concrète:

1. on définit le domaine sémantique concret  $D$ . Par exemple, dans la sémantique collectrice:  
$$D \triangleq \text{Event}^* \times \text{GlobalEnv} \times \text{CallStack}$$
2. on exprime la sémantique (collectrice) concrète du programme par (le *lfp* d'une) fonctionnelle monotone  $F$ .
3. on définit la propriété  $P \subseteq 2^D$  à valider.

# Interprétation Abstraite

Sémantique concrète:

1. on définit le domaine sémantique concret  $D$ . Par exemple, dans la sémantique collectrice:  
$$D \triangleq \text{Event}^* \times \text{GlobalEnv} \times \text{CallStack}$$
2. on exprime la sémantique (collectrice) concrète du programme par (le *lfp* d'une) fonctionnelle monotone  $F$ .
3. on définit la propriété  $P \subseteq 2^D$  à valider.
  - ▶ la sémantique collectrice est le plus souvent utilisée.
  - ▶ d'autres sémantiques sont possibles (dénotationnelle ?).
  - ▶  $F$  peut représenter une propagation de propriétés en marche **avant** ou **arrière**.

# Interprétation Abstraite

Sémantique abstraite:

1. on cherche un domaine abstrait (relationnel ou non)  $D^\#$  qui capture le plus précisément  $P$ .
2. on définit la correspondance de Galois:  
 $2^D \xrightarrow{\alpha} D^\#$  et/ou  $2^D \xleftarrow{\gamma} D^\#$ .
3. on définit  $F^\#$  monotone tel que:  $\alpha(F(d)) \sqsubseteq F^\#(\alpha(d))$ .
4. on calcule un point fixe de  $F^\#$  (le *lfp*, sauf élargissement).
5. on teste  $\alpha(\text{lfp } F) \sqsubseteq \text{lfp } F^\# \stackrel{?}{\sqsubseteq} \alpha(P)$



# Interprétation Abstraite

Sémantique abstraite:

1. on cherche un domaine abstrait (relationnel ou non)  $D^\#$  qui capture le plus précisément  $P$ .
2. on définit la correspondance de Galois:  
 $2^D \xrightarrow{\alpha} D^\#$  et/ou  $2^D \xleftarrow{\gamma} D^\#$ .
3. on définit  $F^\#$  monotone tel que:  $\alpha(F(d)) \sqsubseteq F^\#(\alpha(d))$ .
4. on calcule un point fixe de  $F^\#$  (le *lfp*, sauf élargissement).
5. on teste  $\alpha(\text{lfp } F) \sqsubseteq \text{lfp } F^\# \stackrel{?}{\sqsubseteq} \alpha(P)$ 
  - ▶ on obtient une sur-approximation (un post-point fixe) du *lfp* de  $F$ .
  - ▶ une sous-approximation est possible, mais peu utilisée.
  - ▶ on peut utiliser le *gfp* sur  $F^\#$ .

# Méthode Dédutive

1. méthode syntaxique:
  - langage de propriétés, syntaxe des programmes.
2. en marche arrière (pas calculable en marche avant).
3. une règle d'inférence pour:
  - chaque connecteur logique, chaque construction de programme.
4. on applique ces règles, pour une postcondition et un programme donné.
5. on obtient une formule représentant une précondition.

## Méthode Dédutive

- ▶ exemple de l'affectation:

$$\frac{}{\{[exp \mid x]Post\}x := exp\{Post\}}$$

- ▶ exemple de la boucle (correction partielle):

$$\frac{\{Inv \wedge Cond\}P\{Inv\}}{\{Inv\}while(Cond)P;\{Inv \wedge \neg Cond\}}$$

## Méthode Dédutive

- ▶ exemple de l'affectation:

$$\frac{}{\{[exp \mid x] Post\} x := exp \{Post\}}$$

- ▶ exemple de la boucle (correction partielle):

$$\frac{\{Inv \wedge Cond\} P \{Inv\}}{\{Inv\} \text{while}(Cond) P; \{Inv \wedge \neg Cond\}}$$

- ▶ méthode exacte (car symbolique), mais coûteuse.
- ▶ calcul de plus faible précondition (modulo les invariants de boucle).

# Test Dynamique

1. créer un jeu de scénarios de test (exécutions) à partir des exigences fonctionnelles.  
→ long, difficile (il faut trouver les bonnes valeurs).
2. le jeu de tests doit satisfaire un critère de couverture structurelle:  
blocs, enchaînements, MC/DC, ...
3. la couverture structurelle concerne le code source ou le binaire généré par le compilateur.
4. cette couverture constitue le test d'arrêt de la génération de nouvelles exécutions.

# Propriétés

- ▶ Runtime Errors: débordement arithmétique, division par zéro, erreur de casting, pointeur invalide.
- ▶ fonctionnelles: assertion arbitraire sur les variables (à un point de programme donné).
- ▶ autres propriétés:
  - comportementale: enchaînement des calculs, des appels, ...
  - couverture: pour éviter le code mort.
  - temporisée: calcul de WCET, ...

# Langage de propriétés

- ▶ langage généraliste (pour C): arithmétique, quantification, pointeur, bit-level ?
  - ▶ langage pivot entre les différentes approches: traduction propriété  $\leftrightarrow$  élément abstrait.
  - ▶ pas de modèle mémoire spécifique (interprétation des pointeurs).
- ACSL (langage de spec. de caveat).

# Lots fonctionnels

- ▶ morceau de code autonome: procédure, corps de boucle, bloc séquentiel.
  - ▶ spécifié aux frontières ( $\sim$  triplet de Hoare).
  - ▶ on cherche parfois à abstraire certaines variables  $\vec{x}$ .
- globales, paramètres, locales, indices de boucle, ...

$$\begin{array}{c} \{Input\} \\ Lot[\vec{x}] \\ \{Output\} \end{array}$$



# Modularité

Permettre la composition de domaines:

- ▶ domaines (treillis) de base:
  - arithmétique entière: intervalles, modulo, ...
  - arithmétique flottante: ?
  - types finis, fonctions statiques: sous-ensembles, ...
  - pointeurs, tableaux: alias, modèle mémoire, ...
- ▶ constructeurs simples de domaines: produit (cartésien, réduit), somme.
- ▶ structures de données: pile, tableau, environnement, ...

# Modularité

- ▶ un cadre théorique et pratique (en OCAML) pour la composition de domaines.
- ▶ constructions catégoriques ( $\sim$  catégorie des domaines abstraits).

```
module type DOM =  
sig  
  include DATA  
  type base  
  val leq      : t -> t -> bool  
  val bot     : t  
  val top     : t  
  val union   : t -> t -> t  
  val widen   : t -> t -> t  
  val inter   : t -> t -> t  
end
```

# Modularité

Structures de données exprimées par foncteurs et monades.

```

module type DOM_FUNCTOR =
  sig
    module Object: functor (D: DOM) -> DOM
    module Arrow : functor (D: DOM) -> functor (D': DOM) ->
      sig
        val map: (D.t->D'.t) -> Object(D).t -> Object(D').t
      end
  end
  (...)
module type DOM_MONAD =
  sig
    module F: DOM_FUNCTOR
    module M: functor (D: DOM) ->
      sig
        val unit: D.t -> F.Object(D).t
        val join: F.Object(F.Object(D)).t -> F.Object(D).t
      end
  end
  (...)

```

# Modularité

Opérations sur les données exprimées par transformations naturelles.

```
module type DOM_NATURAL =  
sig  
  module F: DOM_FUNCTOR  
  module G: DOM_FUNCTOR  
  
  module T: functor (D: DOM) ->  
    sig  
      val apply: F.Object(D).t -> G.Object(D).t  
    end  
end
```

# Modularité

Exemple de la pile générique.

► une pile est une séquence:

→ foncteur:  $D \xrightarrow{Pile} D^*$

→ foncteur:  $D \xrightarrow{PileExpand} 1 + D \times D^*$

→ transformation naturelle:  $Pile(D) \xrightarrow{pop} PileExpand(D)$

→ transformation naturelle:  $PileExpand(D) \xrightarrow{push} Pile(D)$

## Modularité

Exemple de la pile générique.

- ▶ une pile est une séquence:
  - foncteur:  $D \xrightarrow{Pile} D^*$
  - foncteur:  $D \xrightarrow{PileExpand} 1 + D \times D^*$
  - transformation naturelle:  $Pile(D) \xrightarrow{pop} PileExpand(D)$
  - transformation naturelle:  $PileExpand(D) \xrightarrow{push} Pile(D)$
- ▶ Pour un domaine abstrait  $D^\# \approx 2^D$ :
  - $2^{PileExpand(D)} \approx 2 \times (D^\# \rightarrow 2^{Pile(D)})$
  - nouvelle transformation:  $2^{Pile(D)} \xrightarrow{pop^\#} 2^{PileExpand(D)}$
  - nouvelle transformation:  $2^{PileExpand(D)} \xrightarrow{push^\#} 2^{Pile(D)}$

# Prototype YASA

- ▶ prototype basé sur l'approche de l'interprétation abstraite.
- ▶ utilisé en enseignement (M2).
- ▶ implanté en OCAML.
- ▶ l'infrastructure est définie selon nos principes catégoriques.
- ▶ utilisation massive des modules et foncteurs OCAML.

# Prototype YASA

- ▶ prototype basé sur l'approche de l'interprétation abstraite.
- ▶ utilisé en enseignement (M2).
- ▶ implanté en OCAML.
- ▶ l'infrastructure est définie selon nos principes catégoriques.
- ▶ utilisation massive des modules et foncteurs OCAML.
- ▶ tous les domaines nécessaires ne sont pas encore implantés ou portés. Pour l'instant:
  - arithmétique, appels de fonctions.
  - opérateurs avant et arrière.
  - *lfp* et *gfp*.



# Intégration dans Frama-C

Travaux en cours.

- ▶ notre prototype est un plugin Frama-C.
- ▶ domaines exportés dans un format standard XML.
- ▶ fonctionnalités load/store.

# Intégration dans Frama-C

Travaux en cours.

- ▶ notre prototype est un plugin Frama-C.
- ▶ domaines exportés dans un format standard XML.
- ▶ fonctionnalités load/store.
  
- ▶ il existe un plugin Eclipse !

# Intégration des autres approches

Travaux en cours.

- ▶ méthode déductive (dans le cadre théorique et dans l'outil).
- combinaison marche avant et arrière sur un même lot.

# Intégration des autres approches

## Travaux en cours.

- ▶ méthode déductive (dans le cadre théorique et dans l'outil).
- combinaison marche avant et arrière sur un même lot.
- ▶ tests dynamiques et couverture structurelle:
  1. chemins intéressants définis par expressions régulières (sur les gardes).
  2. *slicing* de l'interprétation abstraite du programme C selon ces chemins.
  3. treillis des chemins pour sauver ou recharger chemins déjà calculés.

# Modularité

Travaux de Francesco Logozzo. Contexte général:

- ▶ Combinaison d'analyses (éventuellement  $\neq$ ) inter-lots.
- ▶ réglage du ratio précision/complexité.
- ▶ interprétation abstraite pure (sur-approximation de la sémantique).

# Modularité

Travaux de Francesco Logozzo. Contexte général:

- ▶ Combinaison d'analyses (éventuellement  $\neq$ ) inter-lots.
- ▶ réglage du ratio précision/complexité.
- ▶ interprétation abstraite pure (sur-approximation de la sémantique).
- ▶ instancié au langage à objets JAVA, pour de l'analyse avant.

# Modularité

Travaux de Francesco Logozzo. Méthode de calcul:

1. on fournit une spécification aux frontières inter-lots qui soit bien invariante.
  - ▶ pas par point fixe ! Dans le cas de JAVA, par typage.
  - ▶ si on part d'une pré-condition d'un lot et qu'on l'exécute, on vérifie sa post-condition.
  - ▶ les erreurs (absence non garantie par typage) ne se propagent pas.

# Modularité

Travaux de Francesco Logozzo. Méthode de calcul:

1. on fournit une spécification aux frontières inter-lots qui soit bien invariante.
  - ▶ pas par point fixe ! Dans le cas de JAVA, par typage.
  - ▶ si on part d'une pré-condition d'un lot et qu'on l'exécute, on vérifie sa post-condition.
  - ▶ les erreurs (absence non garantie par typage) ne se propagent pas.
2. on calcule le *gfp* de la fonctionnelle qui, à chaque pré-condition d'un lot, calcule sa post-condition.
3. pour chaque lot, cette fonctionnelle:
  - ▶ traite une sémantique abstraite particulière.
  - ▶ calcule le *lfp* des instructions du lot, partant de la pré-condition.
  - ▶ les spécifications s'affinent au fur et à mesure.



# Combinaison IA / méthode déductive

Travaux de Yannick Moy. Contexte général.

- ▶ on considère une spécification, soit dans une boucle, soit derrière une boucle.
- ▶ on veut calculer une pré-condition (pas trop forte), avant la boucle, indépendante des itérations de cette boucle.
- ▶ on utilise une première passe d'IA pour déterminer des invariants sur les indices de boucle.
- ▶ généralisable: appels de fonctions, plusieurs spec.

Exemple:

```
{Input}  
while(Cond)  
  Boucle  
{Output}
```

# Combinaison IA / méthode déductive

Travaux de Yannick Moy. Méthode de calcul.

- ▶ on détermine les **variables changeantes** de la boucle.
- ▶ on calcule la première passe d'IA.

```

    {...}
while(Cond)
    {InvL}
    Boucle[ $\vec{x}$ ]
    {InvO, Output}
  
```

# Combinaison IA / méthode déductive

Travaux de Yannick Moy. Méthode de calcul.

- ▶ on détermine les **variables changeantes** de la boucle.
- ▶ on calcule la première passe d'IA.

$$\begin{array}{c} \{\dots\} \\ \text{while}(\text{Cond}) \\ \{\text{Inv}_L\} \\ \text{Boucle}[\vec{x}] \\ \{\text{Inv}_O, \text{Output}\} \end{array}$$

- ▶ on a:  $\text{Input} \triangleq \forall \vec{x}. (\text{Inv}_L \wedge \pm \text{Cond}) \Rightarrow \mathcal{WP}(\text{Inv}_O \Rightarrow \text{Output})$

# Combinaison IA / tests dynamiques

Travaux de Xavier Rival. Contexte général:

- ▶ on suppose une spécification violée en un point de programme.
- ▶ but: reconstruire un véritable scénario de test menant à l'erreur ou prouver l'absence de scénario.
- ▶ malgré les sur-approximations dûes à l'IA.
- ▶ marche arrière: de l'erreur jusqu'au point de programme initial.
- ▶ on considère les points de programme intermédiaires testant les conditions (conditionnelles et boucles).

# Combinaison IA / tests dynamiques

Travaux de Xavier Rival. Contexte général:

- ▶ on suppose une spécification violée en un point de programme.
- ▶ but: reconstruire un véritable scénario de test menant à l'erreur ou prouver l'absence de scénario.
- ▶ malgré les sur-approximations dûes à l'IA.
- ▶ marche arrière: de l'erreur jusqu'au point de programme initial.
- ▶ on considère les points de programme intermédiaires testant les conditions (conditionnelles et boucles).
- ▶ très expérimental !

# Partitionnement de traces

Travaux de Xavier Rival et Laurent Mauborgne. Contexte général:

- ▶ les traces du flôt de contrôle fournissent un moyen simple de partitionner.
- ▶ on peut inclure la pile d'appels (pas de récursivité).
- ▶ on abstrait ces traces par des ensembles.
- ▶ on abstrait ces ensembles.

# Partitionnement de traces

Travaux de Xavier Rival et Laurent Mauborgne. Contexte général:

- ▶ les traces du flôt de contrôle fournissent un moyen simple de partitionner.
- ▶ on peut inclure la pile d'appels (pas de récursivité).
- ▶ on abstrait ces traces par des ensembles.
- ▶ on abstrait ces ensembles.

Exemple:

```

1: int x, sgn;
2: if (x < 0)
3:   sgn = -1;
   else
4:   sgn = 1;
5: y = x / sgn;

```

$\{1, 2, 3, 5\} \mapsto x < 0, \text{sgn} = -1, y = -x;$   
 $\{1, 2, 4, 5\} \mapsto x \geq 0, \text{sgn} = 1, y = x$

# Autres perspectives

- ▶ pile d'appels.
- ▶ méthode CEGAR (abstraction de prédicats, travaux de Thomas Ball).
- ▶ gestion mémoire fine (stockage des calculs).